DOI:10.19344/j.cnki.issn1671-5276.2021.06.032

## 摩擦干扰下智能提升设备柔性随动技术研究

任鑫宇,梁滔,张连新

(中国工程物理研究院 机械制造工艺研究所,四川 绵阳 621900)

摘 要:采用智能提升设备与滚动导轨相结合的装配装置对大部件进行重力平衡与装配过程的精确导向,提升了操作的方便性。由于导轨非线性摩擦力对智能提升设备称质量过程有干扰,控制系统输出的平衡力与所需的力之间有较大误差。针对上述问题,提出一种基于力反馈的柔性随动控制方法:基于S曲线设计力-速度转化关系以增强系统运动的平顺性;根据系统的特性提出在指定区间搜索谐振峰值的陷波滤波器方案;采用脉冲补偿的方式抑制系统中的摩擦干扰。采用仿真方法验证了所提方案的有效性。
 关键词:大部件装配;智能提升设备;摩擦干扰;柔性随动控制
 中图分类号:TP275 文献标志码:B 文章编号:1671-5276(2021)06-0123-06

## Research on Flexible Follow-up Technology of Intelligent Lifting Equipment under Friction Interference

REN Xinyu, LIANG Tao, ZHANG Lianxin

(Institute of Mechanical Manufacturing Technology, China Academy of Engineering Physics, Mianyang 621900, China) Abstract: The assembly device combining intelligent lifting device and rolling guide is adopted to balance the gravity of the large parts and guide the assembly process with accuracy, which improves the convenience of operation. Under the interference of the non -linear friction force of the guide rail on the weighing process of the intelligent lifting device, there is a large deviation between the balance force output by the control system and the required force. To deal with the deviation, a flexible follow-up control method based on force feedback at the operating side is proposed. A force-speed conversion relationship is designed based on the *S* curve to enhance the smoothness of the system motion. According to the characteristics of the system, a notch filter is put forward to search the resonance peak in a specified interval. The friction interference in the system is suppressed by means of pulse compensation. And a simulation method is applied to verify the effectiveness of the proposed scheme.

Keywords: assembly of large parts; intelligent lifting device; friction interference; flexible follow-up control

## 0 引言

智能提升设备具备了机电部分强大的拖拽和运动能 力以及人的感知和灵活的特点,可以完成一些复杂的搬运 和装配工作,具有很高的灵活性及可靠的运行机制。

国内外对智能提升设备的研究主要集中于以下两个 方面:1)垂直方向(基于拉力传感器等)人机交互的控制 方案,包括速度控制、导纳控制、阻抗控制;2)水平运动 时的防摆控制(基于角度传感器),包括 PID 控制,模糊 控制等<sup>[1]</sup>。熊健等<sup>[2]</sup>设计了高位和低位两种模式的微 操作方式,操作人员根据位置的不同选用不同的方式对 负载进行提升;许洪涛<sup>[3]</sup>分别对 PID 控制和双模糊控制 下的小车负载防摆系统进行了对比,得出基于操作者实 际经验的模糊防摆策略,能较为有效地抑制负载摆幅的 幅值,并且对于钢丝绳长度变化和负载变化具有更好的 鲁棒性;CAMPEAU-LECOURS A 等<sup>[4]</sup>设计了一种高精 度角度传感器,用于感知负载在水平面内的运动趋势, 同时为了消除运行过程中加速度对负载质量计算的误 差,提出了一种复合的加速度估计方法,提高了竖直方 向控制的精度。国外已经有大批智能提升设备涌现,包 括多个国家的众多品牌,例如美国的 Stanley Assembly Technologies、Ingersoll-Rand、德国的 SMI 等;国内哈尔滨 工程大学研制了一种用于辅助物料搬运的合作机器 人<sup>[5]</sup>,杭州某公司研制的 IAD-H 已经投入市场并有良好 的使用体验。

目前智能提升设备产品基于精确称质量依靠电机驱 动系统施加平衡力,对负载质量进行平衡进入"浮动模 式",依靠人的操作意图对负载运动方向进行控制。在大 部件套装等装配应用场景中(例如图1所示的某大部件 套装装置),为了提升操作方便性,采用智能提升设备平 衡负载质量,同时采用导轨机构对套装动作进行精确导 向,在使用过程中发现导向机构存在非线性摩擦力f,使得 现有的设备在称质量环节出现了较大误差,进而导致对于 操作力方向和大小的判断有误,限制了设备的使用性能。 因此本文针对摩擦力干扰下智能提升系统的柔性随动控 制方法进行研究。

第一作者简介:任鑫宇(1996—),男,山西介休人,硕士研究生,研究方向为机电一体化技术与装备。



# 1 基于操作端力反馈的柔性随动控制系统设计

直观上解决上述问题的一种方式是通过电机驱动系统补偿摩擦力。在这种方案下,需要分别对上升与下降方向摩擦力进行正向或者负向补偿,但是在操作意图不明确的情况下无法判断补偿方向。因此本文设计了一种利用操作端力反馈感知人操作意图的柔性随动控制方法。为了验证所提出方法的原理,本文对图1所示的双边平衡系统进行了简化,构建了如图2所示的实验系统(考虑到以原理验证为目的,实验系统对机械结构等进行了适当简化,相关参数见表1)。



图 2 提出方法的实验系统示意图

表1 模型各对象参数

对象	数值
负载质量 M/kg	[ 10 30 ]
钢丝绳长度 L/m	[12]
钢丝绳弹性系数 $K_{g}/(N/m)$	$[1.74 \times 10^{6} \ 3.48 \times 10^{6}]$
滚筒转动惯量 $J_G/(kg/m^2)$	0.035 1
减速器刚度 K <sub>j</sub> /(Nm/rad)	48 128
等效转动惯量 $J_{\rm m}/(kg/m^2)$	$1.47 \times 10^{-4}$
滚筒半径 r/m	0.08
减速比 i	100 : 1

所提方法的控制原理如下:操作人员通过拉压力传感 器输入力信号,上位控制系统对拉压力信号进行处理后给 出速度指令,速度指令控制下位电机驱动系统速度环驱动 钢丝绳牵引负载沿导轨运动。该控制原理下需要解决以 下3个问题:1)人手施加力具有类似阶跃变化特点,需要 输入力信号进行平滑处理;2)导轨非线性摩擦力引起的 启动滞后问题;3)钢丝绳等传动系统柔性以及负载质量 变化对系统刚度的影响导致运动过程的振动。为解决上 述问题,本文提出如图3所示的柔性随动控制方法:在人 机交互界面上,一方面通过力反馈-速度指令转换关系实 现柔性力输入;另一方面,通过谐振抑制和摩擦来补偿提 高速度环响应的平顺性。



图 3 柔性随动控制方法示意图

## 2 柔性随动控制方法

### 2.1 基于 S 曲线的力-速度规划

在操作人员与拉压力传感器的接触过程中,操作力对 于传感器的输入相当于一个阶跃信号输入。为了使人手 与系统接触的瞬间不发生跳变同时又能改善人手与传感 器接触的作用力,对输入系统的信号进行平顺性处理。

根据操作力 F 的大小,将输入力转化为不同大小的速度 信号 v 输入系统。当人手施加到传感器的力<0.05 N 时,系统 处于"死区",该区间的存在主要防止误触等造成的系统不必 要的运动;当施加的力处于 [0.05 0.2] N 时,随着输入力 F 的增大,对应的速度信号 v 也增大,两者呈现线性关系;当输 入力进一步增大,则限制对应输入速度的大小,本系统将其 限制在 0.1 m/s。力-速度对应关系如图 4 所示。



图 4 系统输入力-速度对应关系

当力信号转化为对应的速度信号后,对于输入的速度 信号进一步处理,目标是使得该阶跃速度信号随时间缓慢 变化至终值而不是瞬间完成这一过程。为此,以输入的速 度信号 v<sub>input</sub>为目标终值,以0为初始值设计了一个基于 S 曲线的加速过程,在这个关系中速度是时间的函数, 时间-速度曲线如图 5 所示(本刊为黑白印刷,如有疑问 请咨询作者)。



图 5 基于 S 曲线的加速规划

加速过程中的S曲线表达式为

$v = v_{input}$	$(1.25(t-\sin(5\pi t)/(5\pi)))$	$0 \le t < 0.2$	
	2.5t - 0.25	$0.2 \le t < 0.4$	(1)
	$1.25t + \sin[5\pi(t-4)]/(4\pi) + 0.25$	$0.4 \le t < 0.6$	
	(1	<i>t</i> ≥0.6	

通过对力-速度变换关系以及 S 曲线速度规划后,系 统的输入变为一个缓慢加速的信号并在 0.6 s 达到终值, 在一定程度上可以避免系统在启动阶段有过大的跳动,对 系统运行的平顺性有积极的作用。

## 2.2 基于自适应滤波器的多惯量系统谐振 抑制

对于系统的机械部分(如图2 虚线框图部分所示), 考虑减速器和钢丝绳的柔性,其中减速器作为转动部件, 将其转动惯量折算到电机输出端,并单独将扭转刚度取出 建模,使得滚筒与电机连接作为双惯量系统,因此第一个 柔性环节为减速器,而钢丝绳作为线性运动部件需要用弹 性系数来替代扭转刚度,使得滚筒和导向机构之间形成第 二个柔性连接<sup>[6]</sup>。据此可将图2机械部分等效为一个多 惯量模型,如图6所示。

模型中各符号定义:J\_ 为电机转子与减速器折算到

电机转子的转动惯量之和; $b_m$ 为电机转子机械阻尼系数;  $T_m$ 、 $\theta_m$ 分别为电机电磁转矩、电机转子转角; $K_j$ 、 $C_j$ 、 $T_j$ 分别为减速器扭转刚度、阻尼系数、减速器转矩; $J_c$ 、 $b_c$ 分别 为滚筒转动惯量、机械阻尼系数; $K_g$ 、 $C_g$ 、 $F_g$ 分别为钢丝绳 弹性系数、机械阻尼系数、钢丝绳拉力;L为钢丝绳长度; M为负载质量;v为负载运行速度。



根据图 6 的模型,可以推导出多惯量系统的动力学方程(系统建模过程中忽略了机械阻尼的影响)。选取系统状态变量  $\mathbf{x}(t) = \begin{bmatrix} \omega_{\text{m}} & \omega_{\text{c}} & v & T_{\text{j}} & F_{\text{g}} & M_{\text{g}} \end{bmatrix}$ ,系统输入  $u(t) = T_{\text{m}}$ ,系统输出  $y(t) = \omega_{\text{m}}$ ,得到如下的状态空间方程:

$$\begin{cases} \mathbf{x}(t) = \mathbf{A}\mathbf{x}(t) + \mathbf{B}\mathbf{u} \\ \mathbf{y}(t) = \mathbf{C}\mathbf{x}(t) \end{cases}$$
(2)

其中,

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & -1/(J_{\rm m}i) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1/J_{\rm G} & -r/J_{\rm G} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/M & -1/M \\ K_{\rm j}/i & -K_{\rm j} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & K_{\rm g}r & -K_{\rm g} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
$$B = \begin{bmatrix} 1/J_{\rm m} & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{\rm T}$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

分别在不同负载以及不同绳长的条件下作出系统的 bode 图以分析系统的幅频特性(图 7)。系统中各参数数 据如表 1 所示。



从图 7 中可以看到,系统谐振点频率随着负载质量的 变大而减小,随着绳长的变短而增大。在实际运行过程 中,负载会不定期更换而绳长会在每个时刻都发生改变, 故系统的谐振点时刻处于变化的状态中。本文利用基于 FFT 的自适应陷波滤波器对系统变谐振点的现象进行抑 制。该方法利用一段时间内的速度误差数据进行快速傅 里叶变换获取当前的谐振频率并实时更新滤波器的参数 以抑制变化频率的谐振<sup>[7]</sup>。在提取谐振频率的过程中发 现,由于系统中存在低频信号,在开始运行的一段时间内 低频信号的幅值要远大于谐振频率的幅值,无法直接提取 峰值对应的频率为谐振频率,因此采用在指定区间内搜索 的方式来提高获得谐振频率的快速性和准确性。根据系 统谐振的特性选取 [10 100] Hz 为频率搜索区间,对速 度误差做1024点FFT得到谐振点频率,算法原理如图8 所示,控制方式实现如图9所示。





#### 2.3 基于复合脉冲前馈的导轨非线性摩擦 力补偿

在图2所示的系统结构图中,可以看到钢丝绳末端与 负载等结构为偏置连接,这会使得负载围绕连接点产生一 个逆时针方向的力矩,导轨为了限制这个力矩,必然会在 导轨和滑块之间产生一个方向相反的力矩,进而使得与钢 丝绳偏置连接的负载和导轨之间产生一定的摩擦力。为 了提高系统的启动性能,需要对起始时刻的摩擦力进行补 偿。本文基于 Stribeck 模型将摩擦力引入系统,作为一种 静态摩擦模型<sup>[8]</sup>,它能以90%的精度近似拟合真实的摩 擦力<sup>[9]</sup>,因此已经具有较高的可靠性。通过对比有摩擦 和无摩擦系统在给定速度信号下的跟随情况来模拟系统 在启动阶段的不同,采用负载质量 30 kg, 绳长 1.6 m 得到 速度跟随如图 10 所示。



图 10 系统有、无摩擦速度跟随曲线

从图 10 中可以看到,相较于无摩擦的系统,有摩擦的 系统在系统开始运行的较短时间内出现了速度"死区", 持续时间在 0.1 s 左右,这使得系统的启动性能变差。因 此需要对这一时间段内的摩擦力进行补偿,以降低摩擦作 用的时间,提高系统启动性能。

本文利用一种不基于摩擦模型的方式——复合脉冲 法来改善系统中的摩擦问题。将滚筒的转动惯量折算到 电机端,忽略减速器的刚度影响,简化模型如图 11 所示。



图 11 简化后的系统示意图

图 11 中:u 为给定信号;K<sub>vp</sub>为速度环放大倍数;K<sub>cp</sub>为 电流环放大倍数;K,为转矩常数;C,为反电动势系数;J' 为电机转动惯量与减速器、滚筒折算到电机输出轴的转动 惯量之和;ω'<sub>m</sub>为滚筒转速;L为电枢电感;R为电枢电阻。 当操作信号经过转化输入到系统中后,电机会在较短时间 内发生转动从而引发减速器以及滚筒的运动,但是负载端 由于受到非线性摩擦力的影响在宏观上不会出现运动,只 有当钢丝绳上的力达到一定的值后才开始运动。为了简 化模型,将电流环视为一个线性放大环节。定义 K,=r/i, 有以下微分方程:

$$(u-\omega'_{\rm m})K_{\rm vp}K_{\rm cp}K_{\rm t}/R-K_{\rm g}/sK_{\rm r}^2\omega'_{\rm m}=J'\omega'_{\rm m}$$
(3)

定义滚筒在一个较短时间内输出  $v' = K_r \omega'_m$ ,得到传 递函数 G 为

$$G_{i} = \frac{v'}{u} = \frac{K_{vp}K_{cp}K_{t}K_{r}s}{RJ's^{2} + K_{vp}K_{cp}K_{t}s + RK_{g}K_{r}^{2}}$$
(4)

在本系统中,输入信号在时间上可以分为3段,而非 线性摩擦力主要作用于系统起始的阶段。通过仿真实验 (图 10)可以看到在前 0.1 s内非线性摩擦的作用较强,由 式(2)中0s~0.2s表达式可知,此时对应的系统速度环输 入信号为

 $u = v_{input} \times 1.25 [t - \sin(5\pi t) / (5\pi)] i/r \quad 0 \le t < 0.2$  (5) 定义输入的脉冲信号为 $\alpha$ ,叠加的信号经过 $t_0$ 时刻的 作用后,输入系统的信号可表示为

 $\lambda = u + \alpha = v_{input} \times 1.25 [t_0 - \sin(5\pi t_0) / (5\pi)] i / r + \alpha \quad 0 \le t_0 < 0.2$ (6)

当电机开始转动而负载不动时,对系统传递函数做 Laplace 逆变换,有

$$v'(t_0) = \lambda L^{-1} \left[ G_i / s \right] \tag{7}$$

上式表达了滚筒在有输入信号时的单位阶跃响应,需 要定义一个滚筒运行的最小速度 v'min 来表示负载已经脱 离摩擦区域开始运动,若 $v'_{\min}$ 已确定,令 $v'_{\min}=v'(t_0)$ 即可 求出叠加信号α的值。据以上分析,带入仿真数据,其中  $J' = 1.38 \times 10^{-4} \text{ kg/m}^2$ ,  $K_{yp} = 6 \text{ A/(rad/s)}$ ,  $K_{cp} = 1.6 \text{ A/V}$ ,  $K_1 = 0.12 \text{ Nm/A}, M = 30 \text{ kg}, K_g = 2.174 \times 10^6 \text{ N/m}, K_i = 48 \text{ 128}$ Nm/rad,  $R = 0.365 \ \Omega$ ,  $L = 1.61 \times 10^{-4} \text{ H}$ ,  $\mathbb{W} v_{\min} = 0.002 \text{ m/s}$ 及 to=0.01 s 可得

$$G_i = \frac{9.8e^{-5}s}{4.891e^{-5}s^2 + 1.225s + 0.508}$$
(8)

得到第一个时刻 0.01 s 内叠加信号的值为 2.5 rad/s。 为了使得脉冲信号能符合摩擦力逐渐减小的趋势,通过仿 真实验确定 0.01 s~0.1 s 内的脉冲信号幅值及作用时间, 使其峰值呈阶梯下降的形式,在满足摩擦补偿的同时降低 对系统输入信号的影响,叠加信号的幅值及作用时间曲线 如图 12 所示(0.1 s 后脉冲信号为 0)。



图 12 脉冲信号随时间变化曲线

## 3 仿真分析

本节采用数值仿真方式对第 2 节提出的方法进行验 证<sup>[10]</sup>:系统输入信号为阶跃力信号,通过 2.1 节的方式规 划为 S 型速度曲线,对相同绳长(1.6 m)下不同负载运行 情况进行仿真,控制最大速度在 0.033 m/s,仿真时间 2 s。 因为绳长变化相较于总长较小,可忽略绳长引起的谐振点 变化,选取负载质量分别为 10 kg、20 kg,对照组为未进行 控制的速度跟随曲线,结果如图 13、图 14 所示。







未加入控制效果对比

从图 13、图 14 中可以看到谐振现象得到了明显的抑制,在启动过程中的摩擦得到了有效的补偿,"死区"持续时间大幅减小,系统启动性能得到了提高。

在负载质量为 10 kg 条件下,初始绳长 1.6 m,操作力 给定 0.1 N,目标速度 0.033 m/s 运行 15 s,即终止绳长在 1.15 m 左右。在整个过程中,Kg 随着绳长的变短而变大, 系统的刚度也随之变大,所提出的滤波器仍能准确识别谐 振频率变化,系统仅在几个时刻有小幅的振动,相对于运 行速度来说可以忽略不计,负载跟随速度曲线如图 15 所示。



图 15 变刚度系统速度跟随曲线

综上,无论是在系统启动时的摩擦干扰还是在运行过 程中的谐振影响,在复合控制策略下都能得到有效的抑 制,验证了第1节中提出控制方法的有效性,保证了系统 运行的平顺性及稳定性。

## 4 结语

针对现有智能提升设备在摩擦力干扰下称质量不准 确进而影响装配操作性能的问题,本文提出一种基于负载 端力反馈的柔性随动控制新方法。该方法利用力反馈表 达人的操作意图,将力信号转化为速度指令信号驱动速度 环控制系统实现柔性随动功能。为了实现良好的人机交 互性能,一方面,基于 S 曲线设计了力信号与速度指令转 换关系,实现柔性力输入;另一方面,基于自适应滤波器抑 制了变刚度柔性系统的谐振,基于复合脉冲前馈对系统的 摩擦力进行了补偿,实现速度环响应的平顺性。仿真分析 结果显示,所提的方法能有效减小摩擦力的和谐振引起的 运动滞后与抖动问题。该研究对于扩展智能提升设备的 应用场景具有一定意义。

#### 参考文献:

- [1] 王岚, 张立勋, 赵红菊. 基于 Fuuzy 控制的零重力操作系 统[J]. 自动化技术与应用, 2005, 24(12): 48-50.
- [2] 熊健. 双控微操作助力机械手控制系统研究[D]. 长沙:长沙 理工大学,2016.
- [3] 许洪涛. 大型零件搬运装配的智能辅助设备设计及控制研 究[D].哈尔滨:哈尔滨理工大学.

- [4] CAMPEAU LECOURS A, FOUCAULT S, LALIBERTÉ T, et al. A cable – suspended intelligent crane assist device for the intuitive manipulation of large payloads [J]. IEEE/ASME Transactions on Mechatronics, 2016,21(4):2073-2084.
- [5] 高建秀. 助力机械手控制系统实验研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨 工程大学,2012.
- [6] 丁有爽,肖曦. 伺服系统柔性负载建模方法研究[J]. 中国电机工程学报,2016,36(3):818-827.
- [7] 王璨,杨明,徐殿国. 基于 PI 控制的双惯量弹性系统机械谐

振的抑制[J]. 电气传动, 2015, 45(1): 49-53.

- [8] 刘强,尔联洁,刘金琨. 摩擦非线性环节的特性、建模与控制 补偿综述[J]. 系统工程与电子技术,2002,24(11):45-52.
- [9] 丁千,翟红梅. 机械系统摩擦动力学研究进展[J]. 力学进展, 2013,43(1):112-131.
- [10] 刘金琨. 先进 PID 控制 MATLAB 仿真[M]. 2 版. 北京:电子 工业出版社,2004.

收稿日期:2020-10-09

\*\*\*\*\*\*





图 6 ELM 故障识别

图 6 中,横坐标分别代表训练样本和测试样本,纵坐标代表 6 种故障类别的标签。测试样本中的空心点代表预测类别。实心点代表实际类别。当测试的数据符合同类故障的标准时,空心点和实心点会重合,代表识别正确。本文测试集总的准确率达到了 96.7%,对于绝大多数的故障情况,都能达到很好的识别效果。

## 5 结语

针对齿轮故障特征在单一尺度难以全面提取的问题, 提出一种基于参数优化的 VMD 和多尺度排列熵的齿轮 故障诊断方法。相比较手动寻优,该方法可以搜寻更优的 VMD 参数组合,更有效地提取出不同故障状态下的信号 特征参数。分析结果表明,通过参数优化 VMD 和多尺度 排列熵的齿轮故障诊断方法,极大地提高了齿轮故障诊断 的准确性。

#### 参考文献:

- [1] 丁康,李巍华,朱小勇. 齿轮及齿轮箱故障诊断实用技术[M]. 北 京:机械工业出版社,2005.
- [2] 卓仁雄,肖金凤. 基于改进的集合经验模态分解的电动机滚动轴承故障诊断研究[J]. 机械制造与自动化,2019,48(1): 36-39.
- [3] DRAGOMIRETSKIY K, ZOSSO D. Variational mode decomposition
  [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2014, 62(3):531-544.
- [4] 刘长良,武英杰,甄成刚.基于变分模态分解和模糊C均值聚类的滚动轴承故障诊断[J].中国电机工程学报,2015,35(13):3358-3365.
- [5] 瞿红春,许旺山,郭龙飞,等. 基于参数优化变分模态分解的 滚动轴承微弱故障诊断研究[J]. 机床与液压,2020,48(9): 162-167,180.
- [6] 张莹,殷红,彭珍瑞. 基于改进 SVD 及参数优化 VMD 的轴承 故障诊断[J]. 噪声与振动控制,2020,40(1):51-58.
- [7] 潘震,黄国勇,吴漫. 基于参数优化 VMD 和增强多尺度排列 熵的单向阀故障诊断[J]. 振动与冲击,2020,39(15): 118-125.
- [8] YANG X S. A new metaheuristic bat-inspired algorithm [M]// Nature Inspired Cooperative Strategies for Optimization (NICSO 2010). Berlin, Heidelberg; Springer Berlin Heidelberg, 2010; 65-74.
- [9] 史峰, 王辉, 郁磊. MATLAB 智能算法 30 个案例分析[M]. 北 京:北京航空航天大学出版社, 2011.
- [10] BANDT C, POMPE B. Permutation entropy:anatural complexity measure for time series [J]. Physical Review Letters, 2002, 88(17):174102.
- [11] COSTA M, GOLDBERGER A L, PENG C K. Multiscale entropy analysis of complex physiologic time series [J]. Physical Review Letters, 2002, 89(6):068102.

收稿日期:2020-11-02